

# 『Standard シリーズ』と『Select シリーズ』



## 内容比較（対照表）

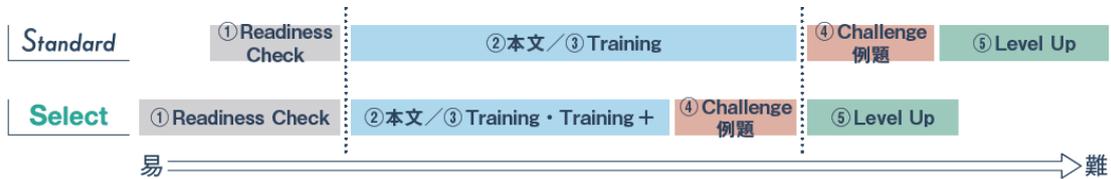


Standard シリーズ・Select シリーズは、ともに「5 段階のコーナー」で構成されており、「授業進度」や「校内での学力差」に応じてカスタマイズして使用できる教科書です。

### 難易度と構成の違い

- 5 段階のコーナー難易度対応イメージ

各コーナーの対応は、以下のようになっています。



- 章の導入「Readiness Check」

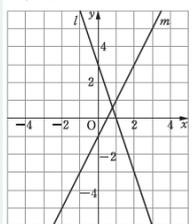
Standard は簡潔な扱い、Select は丁寧な扱いとしています。

**例1** 1次関数  
次の方程式のグラフをかけ。

(1)  $x+3y=-3$   
(2)  $y=-4$   
(3)  $4x-12=0$

**解** (1)  $x+3y=-3$   
 $y=-\frac{1}{3}x-1$   
より、グラフは傾きが $-\frac{1}{3}$ 、  
切片が $-1$ の直線である。  
(2) グラフは点 $(0, -4)$ を通り、

**例2** 下の図の2直線  $l, m$  の交点の座標を求めよ。



Standard は 2 段組みの構成。  
既習の公式・定理と例を  
簡潔にまとめています。

(数学 I Standard p.74)

**例1** 1次関数  
グラフの傾きが $-2$ で、点 $(3, 1)$ を通る直線となる1次関数を求めよ。

**解** 傾きが $-2$ であるから、求める1次関数は  
 $y=-2x+b$   
と表される。  
 $x=3$  のとき  $y=1$  となるから  
 $1=-2 \cdot 3+b$   
 $b=7$   
よって、求める1次関数は  
 $y=-2x+7$

— グラフの傾きが  $a$  で、  
 $y$  切片が  $b$  である 1 次  
関数は  
 $y=ax+b$

Select では 1 段組みの構成。  
解説や内容を丁寧にし、  
側注も充実させています。

(数学 I Select p.72)

- 章末「Training+」(Selectのみ)

教科書の間と同じレベルの反復練習を行う節末「Training」に加えて、Select では章末に「Training+」というコーナーも設け、さらに反復練習を行えるようにしました。

- 巻末「別解研究」(Standardのみ)

Standard には別解を考える「Think」を設けています。さらに、巻末に「別解研究」というコーナーを設け、本文中の解法と「Think」で考えた別解を比較したり、さらに別の解法を考えたりすることができます。

# 具体的な内容の違い

## Standard シリーズ

## Select シリーズ

例題や問題について、教科書の難易度に合わせて扱い方を変えています。

### 式の値

通常の例題として扱っています。

**例題** 式の値

2  $x = \frac{2}{\sqrt{3}+1}, y = \frac{2}{\sqrt{3}-1}$  のとき、次の式の値を求めよ。

(1)  $x+y$                       (2)  $xy$                       (3)  $x^2+y^2$

---

**解**

$$x = \frac{2(\sqrt{3}-1)}{(\sqrt{3}+1)(\sqrt{3}-1)} = \frac{2(\sqrt{3}-1)}{2} = \sqrt{3}-1$$

$$y = \frac{2(\sqrt{3}+1)}{(\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1)} = \frac{2(\sqrt{3}+1)}{2} = \sqrt{3}+1$$

(1)  $x+y = (\sqrt{3}-1) + (\sqrt{3}+1) = 2\sqrt{3}$   
 (2)  $xy = (\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1) = 3-1 = 2$   
 (3)  $x^2+y^2 = (x+y)^2 - 2xy = (2\sqrt{3})^2 - 2 \cdot 2 = 8$

(数学 I Standard p.35)

Challenge 例題として扱い、「考え方」や側注を設け、問題に取り組みやすくしています。

**Challenge 例題** 式の値

次のような式の値を工夫して求めてみよう。

**例題** 式の値

1  $x = \frac{2}{\sqrt{3}+1}, y = \frac{2}{\sqrt{3}-1}$  のとき、次の式の値を求めよ。

(1)  $x+y$                       (2)  $xy$                       (3)  $x^2+y^2$

---

**考え方** (3)  $(x+y)^2 = x^2 + 2xy + y^2$  であるから  
 $x^2+y^2 = (x+y)^2 - 2xy$   
 よって、(1)、(2)の結果を利用して  $x^2+y^2$  の値を求めることができる。

**解**

$$x = \frac{2(\sqrt{3}-1)}{(\sqrt{3}+1)(\sqrt{3}-1)} \quad \text{--- 分母と分子に } \sqrt{3}-1 \text{ を掛けて有理化する}$$

$$= \frac{2(\sqrt{3}-1)}{2} = \sqrt{3}-1$$

$$y = \frac{2(\sqrt{3}+1)}{(\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1)} \quad \text{--- 分母と分子に } \sqrt{3}+1 \text{ を掛けて有理化する}$$

$$= \frac{2(\sqrt{3}+1)}{2} = \sqrt{3}+1$$

(1)  $x+y = (\sqrt{3}-1) + (\sqrt{3}+1) = 2\sqrt{3}$   
 (2)  $xy = (\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1) = 3-1 = 2$   
 (3)  $x^2+y^2 = (x+y)^2 - 2xy = (2\sqrt{3})^2 - 2 \cdot 2 = 8$  --- (1)、(2)の結果を利用する

(数学 I Select p.36)

### 整数部分・小数部分

Challenge 例題として扱っています。

**Challenge 例題** 整数部分・小数部分

実数  $a$  に対して、 $a$  を超えない最大の整数、すなわち

$$n \leq a < n+1$$

を満たす整数  $n$  を  $a$  の **整数部分** といい、 $a-n$  を  $a$  の **小数部分** という。

例えば、 $a = 1.234$  のとき、 $a$  の整数部分  $a = \frac{\text{整数部分}}{1} + \frac{\text{小数部分}}{0.234}$  は 1 で、 $a$  の小数部分は 0.234 である。

**例 1**  $\sqrt{3}$  の整数部分と小数部分を求めよう。

$1^2 < 3 < 2^2$  より  $1 < \sqrt{3} < 2$       

したがって、 $\sqrt{3}$  の整数部分は 1、小数部分は  $\sqrt{3}-1$  である。

---

**例題** 整数部分・小数部分

1  $\frac{1}{\sqrt{2}-1}$  の整数部分と小数部分を求めよ。

(数学 I Standard p.36)

章末 Level Up の問題として扱っています。

**Level Up** レベルアップ

★★ (実数の整数部分と小数部分)

5 実数  $a$  に対して、 $a$  を超えない最大の整数、すなわち

$$n \leq a < n+1$$

を満たす整数  $n$  を  $a$  の整数部分といい、 $a-n$  を  $a$  の小数部分という。

このとき、次の実数の整数部分と小数部分を求めよ。

(1)  $\sqrt{3}$                       (2)  $\frac{1}{\sqrt{2}-1}$

(数学 I Select p.49)

# Standard シリーズ

## 定義域が変化するときの最大・最小

通常の例題として扱っています。

**例題** 定義域が変化するときの最大・最小

**6**  $a > 0$  のとき、2 次関数  $y = x^2 - 4x + 5$  ( $0 \leq x \leq a$ ) の最小値を求めよ。また、そのときの  $x$  の値を求めよ。

---

**考え方** グラフの軸は直線  $x = 2$  である。よって、定義域に 2 を含まない  $0 < a < 2$  の場合と、定義域に 2 を含む  $2 \leq a$  の場合に分けて考える。  
(数学 I Standard p.93)

# Select シリーズ

Challenge 例題として扱っています。

**Challenge 例題** 定義域が変化するときの最大・最小

**1**  $a > 0$  のとき、2 次関数  $y = x^2 - 4x + 5$  ( $0 \leq x \leq a$ ) の最小値を求めよ。また、そのときの  $x$  の値を求めよ。

---

**考え方** グラフの軸は直線  $x = 2$  である。よって、定義域に 2 を含まない  $0 < a < 2$  の場合と、定義域に 2 を含む  $2 \leq a$  の場合に分けて考える。  
(数学 I Select p.94)

## 放物線の位置が変化するときの最大・最小

Challenge 例題として扱っています。

**Challenge 例題** 放物線の位置が変化するときの最大・最小

**1** 2 次関数  $y = x^2 - 2ax + a^2 + 1$  ( $0 \leq x \leq 2$ ) の最小値を求めよ。また、そのときの  $x$  の値を求めよ。

---

**考え方** グラフの軸は直線  $x = a$  である。 $a$  の値と定義域の関係に着目し、場合を分けて考える。  
(数学 I Standard p.94)

章末 Level Up の問題として扱い、場合分けの観点を明示した問いかけをしています。

**Level Up** レベルアップ

\*\*\* (文字係数を含む 2 次関数のある定義域での最大・最小)

**1** 2 次関数  $y = x^2 - 2ax$  ( $1 \leq x \leq 2$ ) の最小値を、次のそれぞれの場合について求めよ。  
(1)  $a < 1$  の場合    (2)  $1 \leq a \leq 2$  の場合    (3)  $2 < a$  の場合  
(数学 I Select p.123)

## 連立 3 元 1 次方程式の解法

本文として扱っています。そのため、2 次関数のグラフ上の 3 点による決定問題は、一般の 3 点の場合を扱っています。

①, ②, ③ のような 3 文字についての 1 次方程式を連立したものを、**連立 3 元 1 次方程式** という。

**例 10** 次の連立 3 元 1 次方程式を解いてみよう。

$$\begin{cases} a - b + c = -3 & \cdots \text{①} \\ 4a + 2b + c = 0 & \cdots \text{②} \\ 9a + 3b + c = -7 & \cdots \text{③} \end{cases}$$

まず、文字  $c$  を消去する。

② - ① より  $3a + 3b = 3$   
よって  $a + b = 1$  … ④

③ - ② より  $5a + b = -7$  … ⑤

⑤ - ④ より  $4a = -8$   
よって  $a = -2$

$a = -2$  を ④ に代入して  $b$  を求めると  
 $b = 1 - a = 1 - (-2) = 3$

$a = -2, b = 3$  を ① に代入して  $c$  を求めると  
 $c = -3 - a + b = -3 - (-2) + 3 = 2$

したがって  $a = -2, b = 3, c = 2$

(数学 I Standard p.98)

参考として扱い、授業で扱うかどうか選べる形にしています。そのため、2 次関数のグラフ上の 3 点による決定問題は、1 点が  $y$  軸上にある特別な場合を扱っています。

**参考** 連立 3 元 1 次方程式の解法

連立 3 元 1 次方程式を解くには、まず、1 つの文字を消去し、他の 2 つの文字についての連立方程式を解く。さらに、得られた値を代入して、残りの文字の値を求めればよい。

**例 1** 次の連立 3 元 1 次方程式を解いてみよう。

$$\begin{cases} 2x - 2y + z = 9 & \cdots \text{①} \\ 2x - 3y + 3z = 16 & \cdots \text{②} \\ 3x + 2y - 2z = -2 & \cdots \text{③} \end{cases}$$

まず、文字  $z$  を消去する。

①  $\times 3$  - ② より  $4x - 3y = 11$  … ④

①  $\times 2$  + ③ より  $7x - 2y = 16$  … ⑤

次に、④, ⑤ を連立させて文字  $y$  を消去する。

④  $\times 2$  - ⑤  $\times 3$  より  $-13x = -26$   
よって  $x = 2$

$x = 2$  を ④ に代入して  $y$  を求めると  
 $y = -1$

$x = 2, y = -1$  を ① に代入して  $z$  を求めると  
 $z = 3$

したがって  
 $x = 2, y = -1, z = 3$

(数学 I Select p.99)

定理の証明も、教科書の難易度に合わせて記述を変えています。

正弦定理の証明

A が鋭角，鈍角，直角の場合をすべて扱っています

**証明**  $\frac{a}{\sin A} = 2R$ , すなわち  $a = 2R \sin A$  …… ①  
が成り立つことを示す。

(i) A が鋭角であるとき  
点Bを通る直径を引き，BA' とする。  
円周角の定理により  $A' = A$   
また，BA' は直径であるから  $\angle A'CB = 90^\circ$   
よって  $a = BA' \sin A' = 2R \sin A$

(ii) A が直角であるとき  
BC は外接円の直径であり  $\sin 90^\circ = 1$  であるから  
 $a = 2R$   
 $= 2R \sin A$

(iii) A が鈍角であるとき  
点Bを通る直径を引き，BD とする。  
円周角の定理により  $\angle DCB = 90^\circ$   
四角形 ABDC は円に内接するから  
 $A + D = 180^\circ$   
よって  $a = BD \sin D = 2R \sin(180^\circ - A) = 2R \sin A$

したがって，(i)，(ii)，(iii) のいずれの場合にも，① が成り立つ。  
同様に，次の等式が成り立つ。  
 $b = 2R \sin B$  …… ②  $c = 2R \sin C$  …… ③  
①，②，③ より  $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$   
(数学 I Standard p.151)

3つの角がすべて鋭角である場合のみを扱っています。

△ABC の3つの角がすべて鋭角である場合について，正弦定理を証明してみよう。

点Bを通る直径を引き，BA' とする。  
円周角の定理により  $A' = A$   
また，BA' は直径であるから  $\angle A'CB = 90^\circ$   
よって  $\sin A' = \frac{BC}{BA'} = \frac{a}{2R}$   
ゆえに  $\sin A = \frac{a}{2R}$  — A' = A  
すなわち  $\frac{a}{\sin A} = 2R$  …… ①

同様にして  $\frac{b}{\sin B} = 2R$  …… ②  
 $\frac{c}{\sin C} = 2R$  …… ③

も成り立つ。  
①，②，③ より， $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$  が成り立つ。  
(数学 I Select p.148-149)

余弦定理の証明

A が鋭角，B が鋭角または鈍角である場合について扱っています。

**証明** △ABC のAが鋭角であるとする。 A: 鋭角 B: 鋭角  
頂点Cから辺ABまたはその延長上に垂線CHを下ろす。直角三角形BCHにおいて，三平方の定理により  $a^2 = BC^2 = HB^2 + HC^2$   
である。点Hの位置に応じて  $HB = c - b \cos A$   
または  $HB = b \cos A - c$   
が成り立つ。  
いずれの場合も  $a^2 = (c - b \cos A)^2 + (b \sin A)^2 = c^2 - 2bc \cos A + b^2(\cos^2 A + \sin^2 A) = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$  …… ①  
①は，Aが直角または鈍角のときも成り立つ。  
同様に，他の2つの式も得られる。  
(数学 I Standard p.153)

A, B がともに鋭角である場合のみを扱っています。

**証明** △ABC のA, B がともに鋭角であるとする。  
右の図のように頂点Cから辺ABに垂線CHを下ろすと，直角三角形ACHにおいて  $CH = b \sin A$ ,  $AH = b \cos A$   
である。よって  $HB = AB - AH = c - b \cos A$   
ここで，直角三角形BCHにおいて，三平方の定理により  $BC^2 = HB^2 + CH^2$   
であるから  $a^2 = (c - b \cos A)^2 + (b \sin A)^2 = c^2 - 2bc \cos A + b^2(\cos^2 A + \sin^2 A) = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$  …… ①  
①は，A, Bのどちらかが直角または鈍角のときも成り立つ。  
同様に，他の2つの式も成り立つ。  
(数学 I Select p.150)

