

『Select シリーズ』と『The 探究シリーズ』

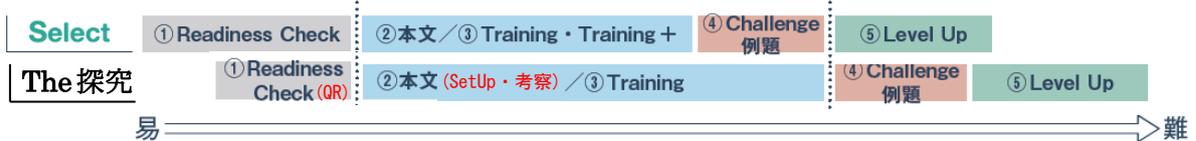


内容比較（対照表）



Select シリーズと The 探究シリーズでは、扱っている問題の難易度や内容だけではなく、構成も異なっています。

難易度イメージ



具体的な違い～構成～

※難易度の違いは3ページ以降

Select シリーズ	The 探究シリーズ
<p>Select シリーズは、授業での“カスタマイズ 性”を重視しています。 The 探究シリーズは、授業での“探究的な学び”を重視しています。</p>	
<h4>Readiness Check</h4> <p>その章に必要な既習事項が定着しているかを確認できる問題を教科書紙面で丁寧に扱っています。</p> <div style="border: 1px solid #ccc; padding: 5px; margin: 10px 0;"> <p style="text-align: center;">✓ Readiness Check レディネスチェック</p> </div> <p>1 根号を含む式</p> <p>例1 $\frac{1}{2} \div \frac{\sqrt{2}}{3}$ を計算せよ。</p> <hr/> <p>解 $\frac{1}{2} \div \frac{\sqrt{2}}{3} = \frac{1}{2} \times \frac{3}{\sqrt{2}}$ $\square \div \frac{\triangle}{\bigcirc} = \square \times \frac{\bigcirc}{\triangle}$</p> $= \frac{3}{2\sqrt{2}}$ $= \frac{3 \times \sqrt{2}}{2\sqrt{2} \times \sqrt{2}}$ $= \frac{3\sqrt{2}}{4}$ <p style="text-align: right;">— 分母を有理化するため、分母と分子に $\sqrt{2}$ を掛ける</p> <p style="text-align: right;">▲数学 I Select p.126</p>	<p>QR コンテンツとして簡潔に扱っています。</p> <p>4章 Readiness Check ● レディネスチェック</p> <div style="display: flex; justify-content: space-between;"> <div style="width: 45%;"> <p>1 根号を含む式</p> <p>例1 次の計算をせよ。</p> $\frac{\sqrt{6}}{2} \div \frac{4\sqrt{2}}{3}$ <p>解</p> $\frac{\sqrt{6}}{2} \div \frac{4\sqrt{2}}{3} = \frac{\sqrt{6}}{2} \times \frac{3}{4\sqrt{2}}$ $= \frac{3\sqrt{6}}{8\sqrt{2}}$ $= \frac{3}{8} \times \sqrt{\frac{6}{2}}$ $= \frac{3\sqrt{3}}{8}$ <p>問1 次の計算をせよ。</p> </div> <div style="width: 45%;"> <p>2 相似な図形</p> <p>例3 次の図で $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ であるとき、x の値を求めよ。</p> <p>解</p> <p>対応する辺の比は等しいから</p> $8 : 12 = 10 : x$ <p>より $8x = 120$</p> </div> </div>
<p>項のはじめ</p> <p>生徒に理解しやすい具体的な例を扱い、授業がスムーズに進められるようにしています。</p> <p>3 順列</p> <p>4枚のカード①、②、③、④から2枚取り出して1列に並べるとき、並べ方の総数を考えてみよう。</p> <p>1枚目のカードは</p> <p style="text-align: center;">①、②、③、④</p> <p>のどれでもよいから、4通りある。</p> <p style="text-align: right;">▲数学 A Select p.18</p>	<p>SetUp</p> <p>生徒が「おやっ!？」と思う問題や状況を扱い、探究的な学びが始まるきっかけをつくります。</p> <p>2 順列</p> <p>SetUp</p> <p>A高校のダンス部では、全員合わせて踊れる曲が4曲ある。文化祭で3曲分を披露できる時間があり、4曲中どの3曲をどの順序で踊るか決めた。曲と順序の構成は全部で何通りだろうか。</p> <p>1曲目 2曲目 3曲目</p> <p>真さん：曲の選び方は何通りあるのかな。 悠さん：でも曲の順序を考えないとイケないね。</p> <p>4曲を a, b, c, d と表すとする。</p> <p style="text-align: right;">▲数学 A The 探究 p.28</p>

Select シリーズ

例・例題

生徒がつまづかないよう、丁寧な記述、適度なレベルの例や例題を扱っています。

例 4 2つの2次関数 $y = 2x^2$ と $y = 2x^2 + 4$ を比べてみよう。これらの2つの関数について、次のような表をつくる。

x	...	-3	-2	-1	0	1	2	3	...
$2x^2$...	18	8	2	0	2	8	18	...
$2x^2 + 4$...	22	12	6	4	6	12	22	...

▲数学 I Select p.81

例 4 1個のさいころを3回投げた反復試行で、1の目がちょうど2回出る確率を求めてみよう。

▲数学 A Select p.49

The 探究シリーズ

考察

生徒どうして学び合い、深め合える箇所に、探究課題を設けています。

考察 1-1 2次関数 $y = 2x^2$ の右辺に4を加えた2次関数 $y = 2x^2 + 4$ のグラフはどのようなグラフだろうか。

真さん： $y = 2x$ と $y = 2x + 4$ のグラフはどのような関係だったかな。

- > x の値に対する y の値を調べ、グラフの形を予想してみよう。
- >> $y = 2x^2$ と $y = 2x^2 + 4$ のグラフはどのような関係になっているか考えてみよう。また、グラフの軸や頂点を調べてみよう。

▲数学 I The 探究 p.83

考察 2-1 1個のさいころを投げる試行を4回繰り返す反復試行において、1の目がちょうど2回出る確率はどのように求められるだろうか。

栄さん：1の目が2回だけ出る場合の数を計算で求められないかな。

▲数学 A The 探究 p.62

章扉・章末

MATH CONNECT

日常と数学とのつながりを知ることができます。章扉で問題提起をし、章末で解決する構成です。

< 章扉 >

この章では、いろいろな長さや角度を、直接測らずに計算で求めることができるようになる三角比について学びます。

4

章 図形と

Q 冬に見る影の長さは、夏に比べるとずっと長くなる。影の長さはどのくらい長くなるのだろうか？

p.162 MATH CONNECT

▲数学 I Select p.125

< 章末 >

162

MATH CONNECT 冬に見る影の長さは夏の何倍？

日本の冬に見る影の長さは、夏に比べるとずっと長くなる。冬に見る影の長さは、夏に比べてどのくらい長くなるのだろうか。ここでは、太陽が真南方向にくる時刻である南中時刻の影の長さについて、1年間で影が最も短くなる夏至と、最も長くなる冬至の場合を比較してみよう。

夏至、冬至の太陽の動き (埼玉県戸田市)

▲数学 I Select p.162

Introduction < 章導入 >

新しい学習のきっかけとなる問題や状況を扱っています。

Introduction

▶ 最も急な階段はどれ？

真さんは、カンボジアのアンコールワットには急な階段があることを知り、日本でも急な階段があるか調べてみた。

1

2

Q ①~④の4つの階段の傾斜を比べる方法を考えてみよう。

▲数学 I The 探究 p.132, 133

Investigation < 章末 >

章で学習したことをさらに深く探究することができる課題を設けています。

Investigation ・課題学習・

▶ ビルの看板を下から見上げると？

ビルの屋上に正方形の看板を設置しても、下から見上げると正方形には見えない。ビルの屋上にある看板は、下から見上げたときにどのように見えるかということを考慮してデザインされている。

Q 縦の長さが決まっている長方形の板を看板にしたい。ビルの下にいる皆さんから見ると、看板が正方形に近い形に見えるようにするには、看板の横の長さはどのくらいにすればよいだろうか。次の例で考えてみよう。

▲数学 I The 探究 p.174

具体的な違い～難易度～

Select シリーズ	The 探究シリーズ
<p>式の値</p> <p>Challenge 例題として扱い、「考え方」や側注を設け、問題に取り組みやすくしています。</p> <div style="border: 1px solid #ccc; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p style="text-align: center; font-size: small;">チャレンジ 例題 ▶ 式の値</p> <p style="font-size: x-small;">次のような式の値を工夫して求めてみよう。</p> </div> <p>例題 1 式の値</p> <p>$x = \frac{2}{\sqrt{3}+1}, y = \frac{2}{\sqrt{3}-1}$ のとき、次の式の値を求めよ。</p> <p>(1) $x+y$ (2) xy (3) x^2+y^2</p> <p>考え方 (3) $(x+y)^2 = x^2+2xy+y^2$ であるから $x^2+y^2 = (x+y)^2 - 2xy$ よって、(1)、(2)の結果を利用して x^2+y^2 の値を求めることができる。</p> <p>解</p> $x = \frac{2(\sqrt{3}-1)}{(\sqrt{3}+1)(\sqrt{3}-1)} \quad \text{--- 分母と分子に } \sqrt{3}-1 \text{ を掛けて有理化する}$ $= \frac{2(\sqrt{3}-1)}{2} = \sqrt{3}-1$ $y = \frac{2(\sqrt{3}+1)}{(\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1)} \quad \text{--- 分母と分子に } \sqrt{3}+1 \text{ を掛けて有理化する}$ $= \frac{2(\sqrt{3}+1)}{2} = \sqrt{3}+1$ <p>(1) $x+y = (\sqrt{3}-1) + (\sqrt{3}+1) = 2\sqrt{3}$</p> <p>(2) $xy = (\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1) = 3-1 = 2$</p> <p>(3) $x^2+y^2 = (x+y)^2 - 2xy = (2\sqrt{3})^2 - 2 \cdot 2 = 8$ --- (1)、(2)の結果を利用する</p> <p style="text-align: right; font-size: x-small;">▲数学 I Select p.36</p>	<p>通常の例題として扱っています。</p> <div style="border: 1px solid #ccc; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p style="font-size: x-small;">例題 1 ▶▶ 式の値</p> <p>$x = \frac{2}{3+\sqrt{5}}, y = \frac{3+\sqrt{5}}{2}$ のとき、次の式の値を求めよ。</p> <p>(1) $x+y$ (2) xy (3) x^2+y^2</p> <p style="font-size: x-small;">視点 (3)は、(1)(2)の結果を利用して求めることはできるだろうか。</p> <p style="font-size: x-small;">解</p> $x = \frac{2(3-\sqrt{5})}{(3+\sqrt{5})(3-\sqrt{5})} = \frac{2(3-\sqrt{5})}{4} = \frac{3-\sqrt{5}}{2}$ <p>(1) $x+y = \frac{3-\sqrt{5}}{2} + \frac{3+\sqrt{5}}{2} = 3$</p> <p>(2) $xy = \frac{2}{3+\sqrt{5}} \cdot \frac{3+\sqrt{5}}{2} = 1$</p> <p>(3) $x^2+y^2 = (x+y)^2 - 2xy = 3^2 - 2 \times 1 = 7$</p> <p style="text-align: right; font-size: x-small;">▲数学 I The 探究 p.35</p> </div>
<p>整数部分・小数部分</p> <p>章末 Level Up の問題として扱っています。</p> <div style="border: 1px solid #ccc; padding: 5px; margin: 5px 0; text-align: center;"> <p style="font-size: x-small;">Level Up レベルアップ</p> </div> <p>★★ (実数の整数部分と小数部分)</p> <p>5 実数 a に対して、a を超えない最大の整数、すなわち $n \leq a < n+1$ を満たす整数 n を a の整数部分といい、$a-n$ を a の小数部分という。 このとき、次の実数の整数部分と小数部分を求めよ。</p> <p>(1) $\sqrt{3}$ (2) $\frac{1}{\sqrt{2}-1}$</p> <p style="text-align: right; font-size: x-small;">▲数学 I Select p.49</p>	<p>Challenge 例題として扱っています。</p> <div style="border: 1px solid #ccc; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p style="text-align: center; font-size: x-small;">Challenge 例題 整数部分と小数部分</p> <p>実数 a に対して、a を超えない最大の整数、すなわち、 $n \leq a < n+1$ を満たす整数 n を a の整数部分といい、$a-n$ を a の小数部分という。 例えば、$a = 1.234$ のとき、a の整数部分は 1 で、a の小数部分は 0.234 である。</p> <p>例 1 $\sqrt{3}$ の整数部分と小数部分を求めてみよう。 $1^2 < 3 < 2^2$ より $1 < \sqrt{3} < 2$ したがって、$\sqrt{3}$ の整数部分は 1、小数部分は $\sqrt{3}-1$ である。</p> </div> <div style="border: 1px solid #ccc; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p style="font-size: x-small;">例題</p> <p>$\frac{1}{\sqrt{2}-1}$ の整数部分 a と小数部分 b を求めよ。</p> <p style="text-align: right; font-size: x-small;">▲数学 I The 探究 p.36</p> </div>
<p>放物線の位置が変化するときの最大・最小</p> <p>章末 Level Up の問題として扱い、場合分けの観点を明示した問いかけをしています。</p> <p>★★★ (文字係数を含む 2 次関数のある定義域での最大・最小)</p> <p>1 2 次関数 $y = x^2 - 2ax$ ($1 \leq x \leq 2$) の最小値を、次のそれぞれの場合について求めよ。</p> <p>(1) $a < 1$ の場合 (2) $1 \leq a \leq 2$ の場合 (3) $2 < a$ の場合</p> <p style="text-align: right; font-size: x-small;">▲数学 I Select p.123</p>	<p>Challenge 例題として扱っています。</p> <div style="border: 1px solid #ccc; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p style="text-align: center; font-size: x-small;">Challenge 例題 軸の位置が変化するときの最大・最小</p> <p style="font-size: x-small;">例題</p> <p>2 次関数 $y = x^2 - 2ax + a^2 + 1$ ($0 \leq x \leq 2$) の最小値を求めよ。 また、そのときの x の値を求めよ。</p> <p style="text-align: right; font-size: x-small;">▲数学 I The 探究 p.101</p> </div>

余弦定理

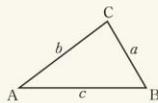
余弦定理をはじめに示し、その証明を通して理解を深めます。証明では、 A 、 B がともに鋭角である場合のみを扱い、「Think」で A が直角の場合を考えさせています。

2 余弦定理

$\triangle ABC$ の 1 つの角の大きさと 3 辺の長さとの間に、次の余弦定理が成り立つ。

余弦定理

$$\begin{aligned} a^2 &= b^2 + c^2 - 2bc \cos A \\ b^2 &= c^2 + a^2 - 2ca \cos B \\ c^2 &= a^2 + b^2 - 2ab \cos C \end{aligned}$$



証明 $\triangle ABC$ の A 、 B がともに鋭角であるとする。

右の図のように頂点 C から辺 AB に垂線 CH を下ろすと、直角三角形 ACH において

$CH = b \sin A$, $AH = b \cos A$ である。よって

$$HB = AB - AH = c - b \cos A$$

ここで、直角三角形 BCH において、三平方の定理により

$$BC^2 = HB^2 + CH^2$$

であるから

$$\begin{aligned} a^2 &= (c - b \cos A)^2 + (b \sin A)^2 \\ &= c^2 - 2bc \cos A + b^2 \cos^2 A + b^2 \sin^2 A \\ &= c^2 - 2bc \cos A + b^2 (\cos^2 A + \sin^2 A) \end{aligned}$$

よって

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A \quad \dots \textcircled{1} \quad \text{--- } \cos^2 A + \sin^2 A = 1$$

$\textcircled{1}$ は、 A 、 B のどちらかが直角または鈍角のときも成り立つ。

同様に、他の 2 つの式も成り立つ。

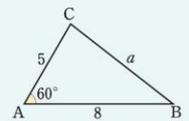
Think $A = 90^\circ$ のとき、余弦定理の一番上の式はどのようなになるだろうか。

▲ 数学 I Select p.150

具体的な値からはじめ、探究的な学びを通して余弦定理につなげます。その際、 A や B が鈍角の場合についても扱い、「補助発問」で A が直角の場合を考えさせています。

考察 1-2

$\triangle ABC$ において、 $b = 5$, $c = 8$, $A = 60^\circ$ のとき、 a はどのように求めることができるだろうか。その求め方を考えてみよう。



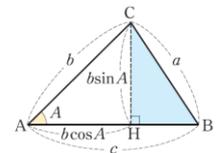
真さん： $\triangle ABC$ は直角三角形ではないから、 $\triangle ABC$ には三平方の定理が使えないね。

悠さん：頂点 C から垂線を下ろすと、三平方の定理が利用できるかな。



一般の三角形の場合と同様に考えてみよう。
 $\triangle ABC$ において、 A 、 B がともに鋭角であるとき、右の図のように頂点 C から辺 AB に垂線 CH を下ろすと、直角三角形 ACH において

$$CH = b \sin A, \quad AH = b \cos A$$



よって $HB = AB - AH = c - b \cos A$

ここで、直角三角形 BCH において、三平方の定理により

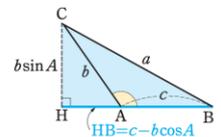
$$BC^2 = HB^2 + CH^2 \text{ であるから}$$

$$\begin{aligned} a^2 &= (c - b \cos A)^2 + (b \sin A)^2 \\ &= c^2 - 2bc \cos A + b^2 \cos^2 A + b^2 \sin^2 A \\ &= c^2 - 2bc \cos A + b^2 (\cos^2 A + \sin^2 A) \end{aligned}$$

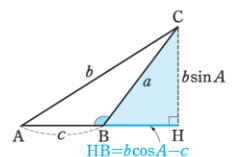
よって $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A \quad \dots \textcircled{1}$

A や B が鈍角の場合は、 HB は右の図より、それぞれ次のように求められる。

$$\begin{aligned} (A \text{ が鈍角}) \quad HB &= AB + AH \\ &= c + b \cos(180^\circ - A) \\ &= c - b \cos A \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} (B \text{ が鈍角}) \quad HB &= AH - AB \\ &= b \cos A - c \end{aligned}$$



いずれの場合も

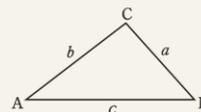
$HB^2 = (c - b \cos A)^2 = (b \cos A - c)^2$ であるから、 A や B が鈍角の場合でも $\textcircled{1}$ は成り立つ。

$A = 90^\circ$ の場合は、どうなるだろうか。

このように、三角形の 1 つの角の大きさと 3 辺の長さとの間には、次の余弦定理が成り立つ。

◆ 余弦定理

$$\begin{aligned} a^2 &= b^2 + c^2 - 2bc \cos A \\ b^2 &= c^2 + a^2 - 2ca \cos B \\ c^2 &= a^2 + b^2 - 2ab \cos C \end{aligned}$$



▲ 数学 I The 探究 p.160, 161



本社 〒114-8524 東京都北区堀船 2-17-1 Tel: 03-5390-7320 (高校教育部)
支社・出張所 札幌 011-562-5721 仙台 022-297-2666 東京 03-5390-7467 金沢 076-222-7581 名古屋 052-950-2260
大阪 06-4967-1356 広島 082-568-2577 福岡 092-771-1536 鹿児島 099-213-1770 那覇 098-834-8084